

1. Neka su uslovi dati kao u postavci.

Jedanaest belih i četiri crne kuglice je moguće izvući na (15 nad 11) načina, odnosno

$$\frac{15!}{11! \cdot (15-11)!} = \frac{15!}{11! \cdot 4!} = \frac{15 \cdot 14 \cdot 13 \cdot 12}{4 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 1} = 1365 \text{ načina.}$$

Dvanaest belih i tri crne kuglice je moguće izvući na (15 nad 12) načina, odnosno

$$\frac{15!}{12! \cdot (15-12)!} = \frac{15!}{12! \cdot 3!} = \frac{15 \cdot 14 \cdot 13}{3 \cdot 2 \cdot 1} = 455 \text{ načina.}$$

Trinaest belih i dve crne kuglice je moguće izvući na (15 nad 13) načina, odnosno

$$\frac{15!}{13! \cdot (15-13)!} = \frac{15!}{13! \cdot 2!} = \frac{15 \cdot 14}{2 \cdot 1} = 105 \text{ načina.}$$

Četrnaest belih i jednu crne kuglicu je moguće izvući na (15 nad 14) načina, odnosno  $\frac{15!}{14! \cdot (15-14)!} = 15$  načina.

Petnaest belih kuglica je moguće izvući na tačno jedan način.

Koja je verovatnoća da izvučemo više od deset belih kuglica?

$$P = 1365 \cdot 0.4^{11} \cdot 0.6^4 + 455 \cdot 0.4^{12} \cdot 0.6^3 + 105 \cdot 0.4^{13} \cdot 0.6^2 + 15 \cdot 0.4^{14} \cdot 0.6^1 + 1 \cdot 0.4^{15} \cdot 0.6^0$$

$$P = \frac{1365 \cdot 4^{11} \cdot 6^4}{10^{15}} + \frac{455 \cdot 4^{12} \cdot 6^3}{10^{15}} + \frac{105 \cdot 4^{13} \cdot 6^2}{10^{15}} + \frac{15 \cdot 4^{14} \cdot 6^1}{10^{15}} + \frac{1 \cdot 4^{15} \cdot 6^0}{10^{15}}$$

$$P = \frac{1365 \cdot 4^{11} \cdot 6^4 + 455 \cdot 4^{12} \cdot 6^3 + 105 \cdot 4^{13} \cdot 6^2 + 15 \cdot 4^{14} \cdot 6^1 + 1 \cdot 4^{15} \cdot 6^0}{10^{15}}$$

$$P = \frac{4^{11} \cdot (1365 \cdot 6^4 + 455 \cdot 4 \cdot 6^3 + 105 \cdot 4^2 \cdot 6^2 + 15 \cdot 4^3 \cdot 6 + 4^4)}{10^{15}}$$

$$P = \frac{4^{11} \cdot (1365 \cdot 1296 + 455 \cdot 864 + 105 \cdot 576 + 15 \cdot 384 + 256)}{10^{15}}$$

$$P = \frac{4^{11} \cdot (1769040 + 393120 + 60480 + 5760 + 256)}{10^{15}}$$

$$P = \frac{4^{11} \cdot 2228656}{10^{15}}$$

$$P = \frac{4194304 \cdot 2228656}{10^{15}}$$

$$P = \frac{9.347660775 \cdot 10^{12}}{10^{15}}$$

$$P = \frac{9.347660775}{10^3}$$

Dakle,  $P \approx 0.009348$ .